

Test – XI – derivabilitate

1. Funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \begin{cases} ae^{x-1} + 1, & x \leq 1 \\ \ln x - b, & x > 1 \end{cases}$, $a, b \in \mathbb{R}$, este derivabilă, atunci $a^2 + b^2 =$

- a) -1 b) 5 c) -3 d) e^{-1}

2. Derivata funcției $f: \mathbb{R}^* \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = (x+1)^2 \cdot \frac{1}{x}$ este

- a) $f'(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2}$ b) $f'(x) = 1 + \frac{1}{x^2}$ c) $f'(x) = \frac{1 - x^2}{x^2}$ d) $f'(x) = \frac{-1}{x^2}$

3. Tangenta la graficului funcției $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \frac{x}{x^2 + 4}$ este paralelă cu axa Ox în:

- a) $(0,0)$ b) $\left(4, \frac{1}{5}\right), \left(-4, -\frac{1}{5}\right)$ c) $\left(1, \frac{1}{5}\right)$ d) $\left(2, \frac{1}{4}\right), \left(-2, -\frac{1}{4}\right)$

4. Ecuația tangentei la graficul funcției $f: (0, \infty) \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = 8x^2 - \ln x$ în punctul de abscisă 1 este

- a) $y - 8 = 0$ b) $9x - y - 1 = 0$ c) $y = 8x$ d) $y = 15x - 7$

5. Funcția $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \begin{cases} me^{2x}, & x < 1 \\ 3x^2 - nx + 2, & x = 1 \\ \ln x + 3px + 1, & x > 1 \end{cases}$ este derivabilă pe \mathbb{R} dacă $(m, n, p) =$

- a) $\left(\frac{-1}{4}, \frac{e^2 + 20}{4}, \frac{-e^2 - 4}{12}\right)$ b) $\left(0,5, \frac{-1}{3}\right)$ c) $\left(\frac{1}{2}, \frac{10 - e^2}{2}, \frac{e^2 - 2}{6}\right)$ d) $\left(5, -3, \frac{1}{3}\right)$

6. $M(0, f(0))$ este pentru funcția $f: (-1, \infty) \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \sqrt{x+2} - 2\sqrt{x+1}$

a) punct de întoarcere b) punct unghiular c) punct de inflexiune d) punct de discontinuitate

7. Derivata funcției $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = (x+2)(3-2x)(x-1)$ este

- a) $-6 + 2x + 3x^2$ b) $4 + 2x - 3x^2$ c) $7 + 2x - 6x^2$ d) $-2x^3 + 2x - 6$