

Simboluri matematice – 8 – polinoame	
$f = a_n X^n + a_{n-1} X^{n-1} + \dots + a_1 X + a_0 \in K[X]$	forma algebrică a polinomului f
$n \in \mathbb{N}, a_n \neq 0, \text{grad } f = n$	n este gradul polinomului f
X	nedeterminată X
$a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0 \in K$	coeficienții polinomului f
$K = \mathbb{Q}, \mathbb{R}, \mathbb{C}, \mathbb{Z}_p$ p număr prim	mulțimea coeficienților
$K[X]$	mulțimea polinoamelor de nedeterminată X cu coeficienți în corpul comutativ K
$a_n \neq 0$	coeficient dominant
a_0	termen liber
$a_n X^n$	monom
$+, \cdot$	adunarea și înmulțirea polinoamelor
$(K[X], +, \cdot)$	inelul polinoamelor cu coeficienți în K
$f = 0, \text{grad } f = -\infty$	polinomul nul
$f = a \neq 0, \text{grad } f = 0$	polinomul constant
$f = aX + b, a \neq 0, \text{grad } f = 1$	polinomul de gradul întâi
$f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0 \in K$	valoarea polinomului f în variabila x
$f: K \rightarrow K, f(x) = a_n x^n + \dots + a_1 x + a_0$	funcția polinomială
$f = g$	f este egal cu g
$f : g$	f împărțit la g
$f \div g$	f divizibil cu g
$g \mid f$	g divide f
$f, g \in K[X], g \neq 0$ atunci $\exists ! q, r \in K[X]$ a.î. $f = g \cdot q + r$, unde $\text{grad } r < \text{grad } g$	Teorema împărțirii cu rest
$f : (X - a)$ atunci $r = f(a)$	Teorema restului
$f : (X - a) \Leftrightarrow f(a) = 0$	Teorema lui Bézout
$f(a) = 0$	a este rădăcină a polinomului f
$\begin{cases} f(a) = 0, f'(a) = 0, \dots, f^{(p-1)}(a) = 0 \\ f^{(p)}(a) \neq 0 \end{cases}$	a este rădăcină de ordin $p \in \mathbb{N}^*$ a polinomului f
$x_1, x_2, x_3, \dots, x_n \quad n \geq 1$	rădăcinile polinomului f de grad n
$\begin{cases} S_1 = x_1 + x_2 + \dots + x_n = -\frac{a_{n-1}}{a_n} \\ S_2 = x_1 x_2 + x_1 x_3 + \dots + x_{n-1} x_n = \frac{a_{n-2}}{a_n} \\ S_3 = x_1 x_2 x_3 + \dots + x_{n-2} x_{n-1} x_n = -\frac{a_{n-3}}{a_n} \\ \dots \dots \dots \\ S_{n-1} = x_1 x_2 x_3 \dots x_{n-1} + \dots + x_2 x_3 \dots x_{n-1} x_n = (-1)^{n-1} \frac{a_1}{a_n} \\ S_n = x_1 x_2 \dots x_n = (-1)^n \frac{a_0}{a_n} \end{cases}$	Relațiile sau formulele lui Viète sunt relații între coeficienții polinomului $f \in \mathbb{C}[X]$ și rădăcinile acestuia.
$x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_n^2 = S_1^2 - 2S_2$	suma pătratelor rădăcinilor polinomului f

$f = a_n(X - x_1)(X - x_2) \dots (X - x_n)$	descompunerea polinomului $f \in \mathbb{C}[X]$ în factori ireductibili
$a_n x^n + \dots + a_1 x + a_0 = 0$	ecuație algebrică
$x_1, x_2, x_3, \dots, x_n \quad n \geq 1$	soluțiile ecuației algebrice
$x^n = a$	ecuație binomă
$ax^4 + bx^2 + c = 0$	ecuație bipătrată
$ax^3 + bx^2 + bx + a = 0$	ecuație reciprocă de grad 3
$ax^4 + bx^3 + cx^2 + bx + a = 0$	ecuație reciprocă de grad 4
(f, g)	c.m.m.d.c. = cel mai mare divizor comun al polinoamelor f și g
$[f, g] = \frac{fg}{(f, g)}, f, g \neq 0$	c.m.m.m.c = cel mai mic multiplu comun al polinoamelor f și g
$(f, g) = 1$	f și g prime între ele
$f \in \mathbb{R}[X], f \neq 0, \begin{cases} x_1 = a + ib, a, b \in \mathbb{R}, b \neq 0 \\ x_2 = a - ib \end{cases}$	$f \in \mathbb{R}[X]$ are rădăcini complexe conjugate cu același ordin de multiplicitate
$f \in \mathbb{Q}[X], f \neq 0, \begin{cases} x_1 = a + \sqrt{b}, a, b \in \mathbb{Q}, b > 0, \sqrt{b} \notin \mathbb{Q} \\ x_2 = a - \sqrt{b} \end{cases}$	$f \in \mathbb{Q}[X]$ are rădăcini conjugate cu același ordin de multiplicitate
Dacă x_1 este o rădăcină întregă a lui f atunci x_1 divide termenul liber.	$f \in \mathbb{Z}[X]$ cu x_1 rădăcină întregă
Dacă $x_1 = \frac{p}{q}, (p, q) = 1$, este o rădăcină rațională a lui f atunci p divide termenul liber, iar q divide coeficientul dominant.	$f \in \mathbb{Z}[X]$ cu x_1 rădăcină rațională
procedeu de împărțire al polinoamelor } algoritm pentru calculul valorii polinomului }	Schema lui Horner