

## Simboluri matematice – 7 –

## inel, corp, izomorfism

|   |   |
|---|---|
| $A, K \in \{\mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{R}, \mathbb{C}, \mathbb{Z}_n\}$   | mulțimi nevide                                |
| $(A, +, \cdot)$ $\begin{cases} A \neq \emptyset \\ (A, +) \text{ grup comutativ} \\ (A, \cdot) \text{ monoid} \\ \cdot \text{ este distributivă față de} + \end{cases}$                             | inel  |
| $(A, +, \cdot)$ $\begin{cases} A \neq \emptyset \\ (A, +) \text{ grup comutativ} \\ (A, \cdot) \text{ monoid comutativ} \\ \cdot \text{ este distributivă față de} + \end{cases}$                   | inel comutativ                                |
| $(U(A), \cdot)$   | grupul elementelor inversabile din inelul $A$ |
| $(K, +, \cdot)$ $\begin{cases}  K  \geq 2 \\ (K, +) \text{ grup comutativ} \\ (K^*, \cdot) \text{ grup} \\ \cdot \text{ este distributivă față de} + \end{cases}$                                   | corp  |
| $(K, +, \cdot)$ $\begin{cases}  K  \geq 2 \\ (K, +) \text{ grup comutativ} \\ (K^*, \cdot) \text{ grup comutativ} \\ \cdot \text{ este distributivă față de} + \end{cases}$                         | corp comutativ                                |
| $(A, +) PS, A, EN, ES$  | grup  |
| $(A, +) PS, A, EN, ES, C$   | grup comutativ sau grup abelian               |
| $(A, \cdot) PS, A, EN$  | monoid  |
| $(A, \cdot) PS, A, EN, C$   | monoid comutativ                              |
| $x \cdot (y + z) = x \cdot y + x \cdot z \quad \forall x, y, z \in A$   | distributivitate la stânga                    |
| $(y + z) \cdot x = y \cdot x + z \cdot x \quad \forall x, y, z \in A$   | distributivitate la dreapta                   |
| $(A_1, +, \cdot), (A_2, *, \circ)$ două inele<br>$f: A_1 \rightarrow A_2 \begin{cases} f(x + y) = f(x) * f(y), \forall x, y \in A_1 \\ f(xy) = f(x) \circ f(y), \forall x, y \in A_1 \end{cases}$   | $f$ se numește morfism de inele               |
| $f: A_1 \rightarrow A_2 \begin{cases} f \text{ morfism de inele} \\ f \text{ funcție bijectivă} \end{cases}$  | $f$ se numește izomorfism de inele            |
| $(A_1, +, \cdot) \simeq (A_2, *, \circ)$  | inele izomorfe                                |
| $(K_1, +, \cdot), (K_2, *, \circ)$ două corpuri<br>$f: K_1 \rightarrow K_2 \begin{cases} f(x + y) = f(x) * f(y), \forall x, y \in K_1 \\ f(xy) = f(x) \circ f(y), \forall x, y \in K_1 \end{cases}$ | $f$ se numește morfism de corpuri             |
| $f: K_1 \rightarrow K_2 \begin{cases} f \text{ morfism de corpuri} \\ f \text{ funcție bijectivă} \end{cases}$  | $f$ se numește izomorfism de corpuri          |
| $(K_1, +, \cdot) \simeq (K_2, *, \circ)$  | corpuri izomorfe                              |
| $(\mathbb{Z}[i], +, \cdot) \quad \mathbb{Z}[i] = \{x + iy \mid x, y \in \mathbb{Z}, i^2 = -1\}$   | inelul întregilor lui Gauss                   |
| $(\mathbb{Z}_n, +, \cdot) \quad n \in \mathbb{N}, n \geq 2$   | inelul claselor de resturi modulo n           |
| $(\mathbb{Z}_p, +, \cdot) \quad p \text{ număr prim}, p \in \mathbb{N}$   | corpul claselor de resturi modulo n           |
| $(\mathbb{Q}(\sqrt{d}), +, \cdot) \quad d \in \mathbb{Z} - \{1\} \text{ întreg liber de patrate}$   | corp patratice                                |