

## GEOMETRIE

$$A(x_A, y_A), B(x_B, y_B)$$

$$\text{Distanța } AB = \sqrt{(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2}$$

$$\text{Ecuația dreptei } AB: \frac{x - x_A}{x_B - x_A} = \frac{y - y_A}{y_B - y_A}$$

$$\text{Panta } m_{AB} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$$

$$\text{Ecuația dreptei determinată de un punct } A \text{ și o pantă } d: y - y_A = m(x - x_A)$$

$$\text{Ecuația generală a dreptei } d: ax + by + c = 0, \text{ panta } m = -\frac{a}{b}$$

$$d_1 \parallel d_2 \Leftrightarrow m_1 = m_2$$

$$d_1 \perp d_2 \Leftrightarrow m_1 m_2 = -1$$

$$\text{M mijloc } [AB] \quad x_M = \frac{x_A + x_B}{2}, y_M = \frac{y_A + y_B}{2}$$

$$\text{Distanța de la punctul } A(x_0, y_0) \text{ la dreapta } d: ax + by + c = 0 \text{ este } d(A, d) = \frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

$$\text{Centrul de greutate } G \text{ al triunghiului } ABC \quad x_G = \frac{x_A + x_B + x_C}{3}, y_G = \frac{y_A + y_B + y_C}{3}$$

$$\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$$

$$ABCD \text{ paralelogram} \Leftrightarrow x_A + x_C = x_B + x_D, y_A + y_C = y_B + y_D$$

$$\vec{u} = x\vec{i} + y\vec{j} \Rightarrow \text{modul } |\vec{u}| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = |\vec{u}| |\vec{v}| \cos(\vec{u}, \vec{v}) = x_1 x_2 + y_1 y_2$$

$$\vec{u} \parallel \vec{v} \text{ sau } \vec{u}, \vec{v} \text{ coliniari} \Leftrightarrow \frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1}{y_2}$$

$$\vec{u} \perp \vec{v} \Leftrightarrow x_1 x_2 + y_1 y_2 = 0$$

$$\cos(\vec{u}, \vec{v}) = \frac{x_1 x_2 + y_1 y_2}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2} \sqrt{x_2^2 + y_2^2}}$$

$$\vec{AB} = (x_B - x_A)\vec{i} + (y_B - y_A)\vec{j}$$

$$A, B, C \text{ coliniare} \Leftrightarrow AB \parallel AC \text{ sau } \exists a \in \mathbb{R}^* \text{ a.f. } \vec{AB} = a \vec{AC} \text{ sau } \Delta = \begin{vmatrix} x_A & y_A & 1 \\ x_B & y_B & 1 \\ x_C & y_C & 1 \end{vmatrix} = 0$$

$$AA', BB', CC' \text{ sunt concurente} \Leftrightarrow \frac{AC'}{C'B} \cdot \frac{BA'}{A'C} \cdot \frac{CB'}{B'A} = 1$$

$$r = \frac{s}{p}, p = \frac{a+b+c}{2}$$

$$S = \frac{bh}{2} = \frac{ab \sin C}{2} = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = \frac{|\Delta|}{2}$$

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R, \quad R = \frac{abc}{4S}, \quad a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A, \quad \cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

## POLINOAME

$$T: \text{rest } f: g \quad f = gq + r, \text{ grad } r < \text{grad } g$$

$$T \text{ restului } f: (x-a) \Rightarrow r = f(a)$$

$$T \text{ Bezout } f: (x-a) \Leftrightarrow f(a) = 0$$

Schema lui Horner pentru  $ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$

	$x^3$	$x^2$	$x^1$	$x^0=1$
	a	b	c	d
$x_1$	a	$x_1 a + b$	$x_1(x_1 a + b) + c$	$x_1[x_1(x_1 a + b) + c] + d = r$

$$\text{Ecuație binomă} \quad x^n = a = r(\cos t + i \sin t) \Rightarrow x_k = \sqrt[n]{r} \left( \cos \frac{t+2k\pi}{n} + i \sin \frac{t+2k\pi}{n} \right), k=0, n-1$$

$$\text{Ecuație bipătrată} \quad ax^4 + bx^2 + c = 0, \quad x^2 = t, \dots$$

$$\text{Ecuație reciprocă de grad 3} \quad ax^3 + bx^2 + cx + a = 0, \quad x_1 = -1, \text{ Horner}$$

$$\text{Ecuație reciprocă de grad 4} \quad ax^4 + bx^3 + cx^2 + bx + a = 0, \quad x^2 \neq 0, \text{ notăm } x + \frac{1}{x} = t, \quad x^2 + \frac{1}{x^2} = t^2 - 2, \dots$$